

සාපේක්ෂ චලිතය [Relative motion]

ඕනෑම වස්තුවක චලිතය, එම චලිතය නිරීක්ෂණය කරන ස්ථානය අනුව වෙනස් වේ. එනම් චලිතය, නිරීක්ෂණය කරන ස්ථානයට සාපේක්ෂව ප්‍රකාශ කළ යුතුය. එනම් චලිතය සාපේක්ෂ දෙයක් වේ.

සාපේක්ෂ ප්‍රවේගය [Relative velocity]

ගැටළුවකදී සාපේක්ෂ ප්‍රවේගයට පහත තේරුම් (අර්ථයන්) පවතී.
"A ට සාපේක්ෂව B ගේ ප්‍රවේගය" යනු,

අංකනය [Notations]

A ට සාපේක්ෂව B ගේ ප්‍රවේගය =
B ට සාපේක්ෂව A ගේ ප්‍රවේගය =
පොළවට සාපේක්ෂව සුළඟේ ප්‍රවේගය =

- සාපේක්ෂ ප්‍රවේගය දෛශිකයක් වේ. එනම්, දිශාවේ වැදගත්කමක් ඇත.

උදා :-

(1) $(A^vE) = \overrightarrow{u}$ නම්, $(E^vA) =$

(2) $(Q^vP) =$  නම්, $(P^vQ) =$

Note :- සාපේක්ෂ ප්‍රවේගය ආකාරයටම, සාපේක්ෂ ත්වරණය, සාපේක්ෂ විස්ථාපනය ආදිය ද අංකනය කල හැක.
උදා :- A ට සාපේක්ෂව B ගේ ත්වරණය :- (B^aA)

නිතර භාවිතාවන වලිඳු අවස්ථා :-

- (1) මිනිසෙක් V ප්‍රවේගයෙන් උතුරට ගමන් කරයි.
- (2) බයිසිකලයක් ඊසාන දිශාවට U ප්‍රවේගයෙන් හමා යයි.
- (3) ගුවන් යානයක් උතුරෙන් θ නැගෙනහිර දිශාවට V ප්‍රවේගයෙන් චලිතය වේ.
- (4) සුළඟක් දකුණෙන් බටහිරට θ සාදන දිශාවට V ප්‍රවේගයෙන් හමා යයි.
- (5) වැහි බිත්දු උතුරින් θ නැගෙනහිර දිශාවක සිට U ප්‍රවේගයෙන් වැටෙයි.
- (6) සුළඟක් U ප්‍රවේගයෙන් උතුරෙන් α බටහිර දිශාවට හමන බව මිනිසෙකුට දැනේ.
- (7) ගඟක ජලට පහළ දිශාවට U ප්‍රවේගයෙන් ගලායයි. නිසල ජලයේ දී මිනිසෙක් V ප්‍රවේගයෙන් චලිත වේ.
- (8) සුළඟක් V ප්‍රවේගයෙන් උතුරු දිශාවට හමා යයි. තවද නිසල වාතයේ දී ගුවන්යානයක් U ප්‍රවේගයෙන් උතුරෙන් α බටහිර දිශාවට පියාසර කරයි.
- (9) මිනිසෙක් දිගංගය θ වන දිශාවට ($0 < \theta < \pi/2$) V ප්‍රවේගයෙන් චලනය වේ.

01. (i) $(A^v E) = \downarrow u$ $(B^v E) = \rightarrow 3u$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.
- (ii) $(A^v E) = \leftarrow v$ $(B^v E) = \uparrow u$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.
- (iii) $(A^v E) = \rightarrow u$ $(B^v E) = \nearrow \theta$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.
- (iv) $(A^v E) = \uparrow u$ $(u > v \cos \theta)$ $(B^v E) = \searrow \theta$ ($u > v \sin \theta$) නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.
- (v) $(A^v E) = \rightarrow 5u$ $(B^v E) = \rightarrow 2u$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.
- (vi) $(A^v E) = \nearrow 60^\circ 8u$ $(B^v E) = \uparrow 2\sqrt{3}u$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.
02. (i) $(A^v E) = \rightarrow u$, $(B^v E) = \nearrow \theta v$, $(B^v A) = \searrow \theta$ නම්, A ට සාපේක්ෂව B ගේ විශාලත්වය සොයන්න.
- (ii) $(A^v E) = \uparrow 10u$
 $(B^v A) = \searrow 50^\circ 4u$
 $(B^v E) = \searrow 45^\circ$ නම්, $(B^v E)$ සොයන්න.
- (iii) $(A^v E) = \uparrow u$
 $(B^v A) = \searrow 50^\circ$
 $(B^v E) = \searrow 60^\circ$ නම්, $(B^v E)$ සොයන්න.

03. A මෝටර් රථයක් 20 kmh^{-1} ප්‍රවේගයෙන් නැගෙනහිරට ගමන් කරන අතර B මෝටර් රථයක් 50 kmh^{-1} ප්‍රවේගයෙන් දකුණින් 30° ක් බටහිරට වූ දිශාවකට ගමන් කරයි. A ට සාපේක්ෂව B ගේ ප්‍රවේගයේ විශාලත්වය සහ දිශාව සොයන්න.
04. උතුරු දෙසට පැයට මුහුදු සැතපුම් 44 ක වේගයෙන් යාත්‍රා කරන A නම් යුධ නැවක කපිතාන්ට B නම් සතුරු යාත්‍රාවක් දකුණින් $\sin^{-1}(7/25)$ කෝණයක් නැගෙනහිරට වන දිශාවකට ගමන් කරන සේ පෙනේ. B හි සැබෑ ප්‍රවේගය දකුණින් $(3/5)$ කෝණයක් නැගෙනහිරට වන දිශාවකටය. B හි සැබෑ ප්‍රවේගයේ විශාලත්වයත් A ට සාපේක්ෂව B හි ප්‍රවේගයේ විශාලත්වයත් සොයන්න.
05. A නැවක් $u \text{ kmh}^{-1}$ ප්‍රවේගයෙන් උතුරු දෙසට යාත්‍රා කරයි. B නැවක් $v \text{ kmh}^{-1}$ ප්‍රවේගයෙන් උතුරින් බස්නාහිරට θ වලින් ආනත කෙලින් මගක වලනය වේ. පහත සඳහන් එක් එක් අවස්ථාව සඳහා අදාළ ප්‍රවේග ත්‍රිකෝණ ඇඳ A ට සාපේක්ෂව B නැවේ ප්‍රවේගය සොයන්න.
- (i) $v \cos \theta > u$
 - (ii) $v \cos \theta = u$
 - (iii) $v \cos \theta < u$
06. A නැව 10 kmh^{-1} නියත වේගයෙන් සරල රේඛීයව වලනය වන අතර B නැව 8 kmh^{-1} ප්‍රවේගයෙන් උතුරට වලනය වේ. B ට සාපේක්ෂව A ගේ ප්‍රවේගය උතුරින් $\sin^{-1} \frac{3}{4}$ කෝණයක් බටහිරට වේ නම් B ට සාපේක්ෂව A ගේ ප්‍රවේගයේ විශාලත්වය සොයන්න.
07. A නැව 12 kmh^{-1} ප්‍රවේගයෙන් උතුරට ගමන් කරන අතර B නැව 13 kmh^{-1} වේගයෙන් සරල රේඛීයව වලින වේ. A ට සාපේක්ෂව B ගේ ප්‍රවේගය බටහිරට වේ නම් A ට සාපේක්ෂව B ගේ ප්‍රවේගයේ විශාලත්වයත් පොළවට සාපේක්ෂව B ගේ ප්‍රවේගයේ දිශාවත් සොයන්න.
08. P බෝට්ටුවක් නැගෙනහිරින් 30° ක් උතුරට වන දිශාවකට u ප්‍රවේගයෙන් ගමන් කරයි. Q බෝට්ටුවක් u වේගයෙන් සරල රේඛීය මාර්ගයක ගමන් කරයි. P ට සාපේක්ෂව Q හි ප්‍රවේගය දකුණට වේ නම් එම ප්‍රවේගයේ විශාලත්වය සොයන්න.

විසඳුම් මූලික ගැටළු

01. (i) $(A^v E) = \overrightarrow{4u}$ $(B^v E) = \downarrow 2u$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.

$$(B^v A) = (B^v E) + (E^v A)$$

$$= \downarrow 2u + \overleftarrow{4u}$$

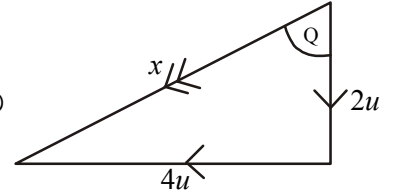
පඨිතගරස් : $x = \sqrt{(2u)^2 + (4u)^2}$

$$= 2\sqrt{5}u //$$

$$\tan Q = \frac{4u}{2u}$$

$$Q = \tan^{-1} 2$$

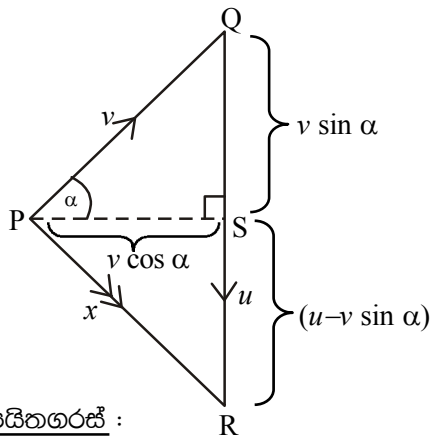
දකුණෙන් ඛටහිරට



02. (ii) $(A^v E) = \uparrow u$ $(B^v E) = \nearrow v$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.
[$u > v \sin \alpha$]

$$(B^v A) = (B^v E) + (E^v A) = \nearrow v + \downarrow u$$

1 ක්‍රමය

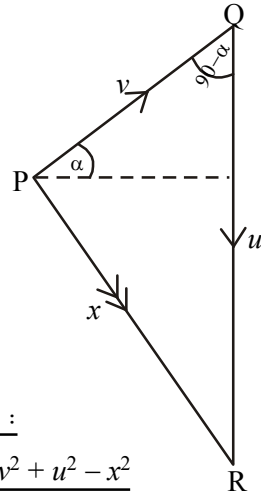


PSR Δ පඨිතගරස් :

$$x = \sqrt{(u - v \sin \alpha)^2 + (v \cos \alpha)^2}$$

$$= \sqrt{u^2 + v^2 - 2uv \sin \alpha} //$$

2 ක්‍රමය



PQR Δ cos සූත්‍රය :

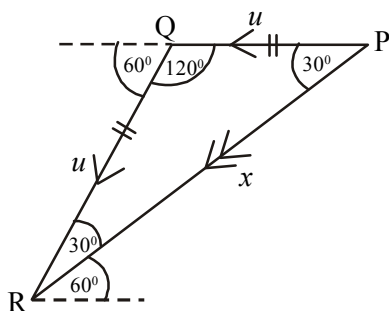
$$\cos(90 - \alpha) = \frac{v^2 + u^2 - x^2}{2uv}$$

$$\sin \alpha = \frac{v^2 + u^2 - x^2}{2uv}$$

$$x = \sqrt{v^2 + u^2 - 2uv \sin \alpha} //$$

03. $(A^v E) = \nearrow u$ $(B^v E) = \overleftarrow{u}$ නම්, $(B^v A)$ සොයන්න.

$$(B^v A) = (B^v E) + (E^v A) = \overleftarrow{u} + \nearrow u$$



දත්තවලට අනුව,

PQR සමද්‍රව්‍යීභාද Δ වේ.

$$PR = u \cos 30 + u \cos 30$$

$$x = 2u \cos 30$$

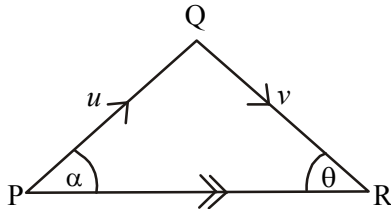
$$x = 2u \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$x = \sqrt{3}u //$$

04. $(A^v E) = \begin{array}{c} \nearrow u \\ \alpha \\ \text{---} \end{array}$, $(B^v E) = \begin{array}{c} \nwarrow v \\ \theta \\ \text{---} \end{array}$, $(A^v B) = \begin{array}{c} \longrightarrow \\ \text{---} \end{array}$ නම්,

- (i) $u \sin \alpha = v \sin \theta$ බව පෙන්වන්න.
- (ii) $(A^v B)$ විභාජකය සොයන්න.

$$(A^v B) = (A^v E) + (E^v B) \longrightarrow = \begin{array}{c} \nearrow u \\ \alpha \\ \text{---} \end{array} + \begin{array}{c} \nwarrow v \\ \theta \\ \text{---} \end{array}$$



(i) PQR Δ ට sin ප්‍රමේයය, $\frac{v}{\sin \alpha} = \frac{u}{\sin \theta}$ //

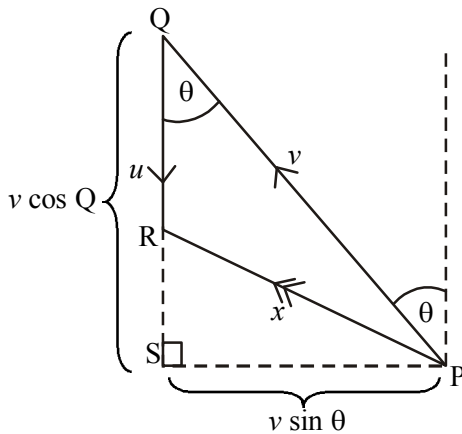
(ii) $PR = u \cos \alpha + v \cos \theta$ //

[∴ Q සිට PR ට ලම්භක ඇඳීම මගින්]

05. $(A^v E) = \begin{array}{c} \uparrow u \\ \text{---} \end{array}$, $(B^v E) = \begin{array}{c} \nwarrow v \\ \theta \\ \text{---} \end{array}$ නම්, පහත එක් එක් අවස්ථාවලදී A ට සාපේක්ෂව B ගේ ප්‍රවේගය සොයන්න.

(i) $v \cos \theta > u$ විට,

$$(B^v A) = (B^v E) + (E^v A) = v \begin{array}{c} \nwarrow \\ \theta \\ \text{---} \end{array} + \begin{array}{c} \downarrow u \\ \text{---} \end{array}$$



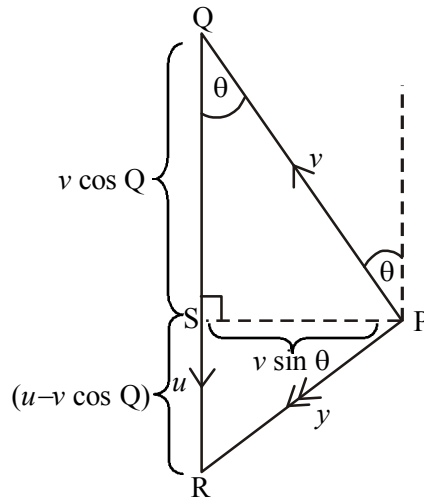
PRS Δ පරිච්ඡේද :

$$x^2 = (v \sin \theta)^2 + (v \cos \theta - u)^2$$

$$x = \sqrt{v^2 + u^2 - 2uv \cos \theta} //$$

(ii) $v \cos \theta < u$ විට,

$$(B^v A) = (B^v E) + (E^v A) = v \begin{array}{c} \nwarrow \\ \theta \\ \text{---} \end{array} + \begin{array}{c} \downarrow u \\ \text{---} \end{array}$$



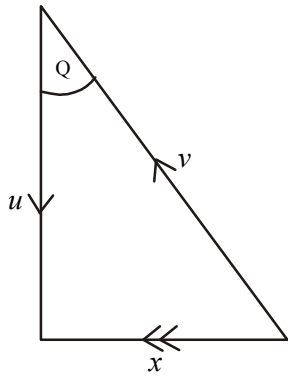
PSR Δ පරිච්ඡේද :

$$y = \sqrt{(u - v \cos \theta)^2 + (v \sin \theta)^2}$$

$$y = \sqrt{u^2 + v^2 - 2uv \cos \theta} //$$

(iii) $v \cos \theta = u$ ඒම,

$$(B^v A) = (B^v E) + (E^v A) = v \begin{array}{c} \nearrow \\ \theta \\ \downarrow \end{array} + \downarrow u$$



$$x = \sqrt{v^2 - u^2} //$$

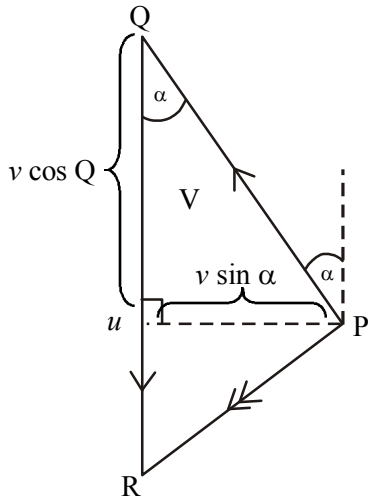
06.

$$(A^v E) = \downarrow u, \quad (B^v E) = \begin{array}{c} \nearrow \\ \alpha \\ \downarrow \end{array} v, \quad (A^v E) = \begin{array}{c} \nearrow \\ \theta \\ \downarrow \end{array} w \quad u > v \cos \alpha, (u < w \sin \theta)$$

(i) $(B^v A)$, (ii) $(C^v A)$ සොයන්න.

(i) $(B^v A) = (B^v E) + (E^v A)$

$$= \begin{array}{c} \nearrow \\ \alpha \\ \downarrow \end{array} v + \downarrow u$$

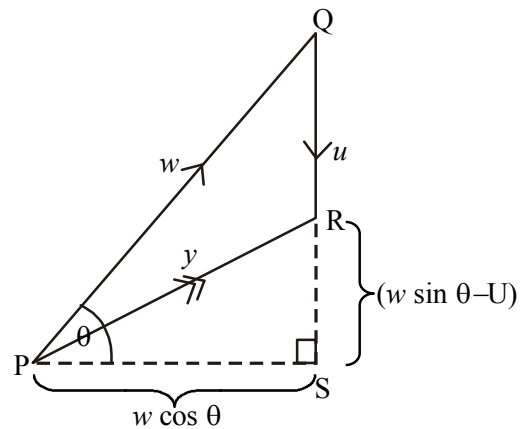


$$x = \sqrt{(u - v \cos \alpha)^2 + (v \sin \alpha)^2}$$

$$x = \sqrt{u^2 + v^2 - 2uv \cos \alpha} //$$

(ii) $(C^v A) = (C^v E) + (E^v A)$

$$= \begin{array}{c} \nearrow \\ \theta \\ \downarrow \end{array} w + \downarrow u$$



$$y = \sqrt{(w \cos \theta)^2 + (w \sin \theta - u)^2}$$

$$y^2 = \sqrt{w^2 + u^2 - 2wu \sin \theta} //$$